



Digitalna vezja, BVS-RI

Mira TREBAR



P6 – Strukturalni gradniki

Vsebina

Kombinacijska vezja – strukturalni gradniki

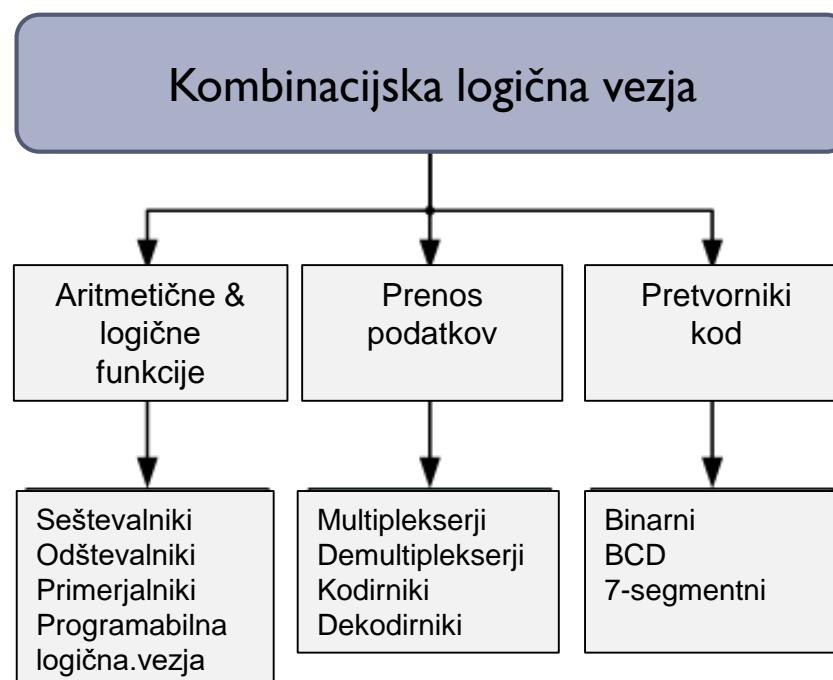
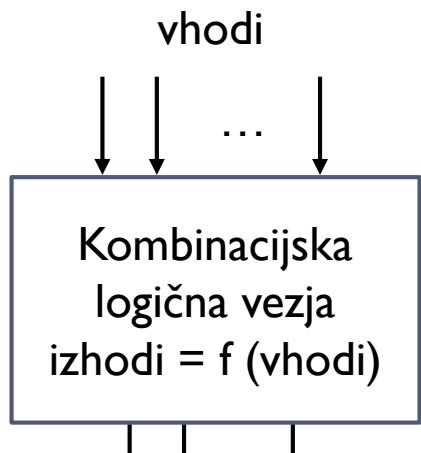
1. Dekodirniki (DEK)
2. Kodirniki (KOD)
3. Multiplekserji (MUX)
4. Demultiplekserji (DMUX)
5. Uporaba multiplekserjev

Vir

- Tocci R.J., Widmer N.S., Moss G.L., Digital Systems Principles in Applications, Pearson Education, 2018 (P9, MSI logic circuits)
- Trebar M., Osnove logičnih vezij (P8, str. 99-116)

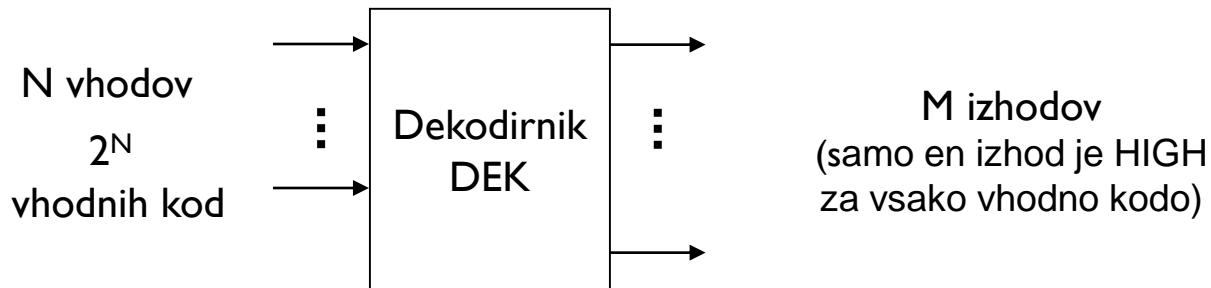
Kombinacijska logična vezja

- ❑ Digitalni sistemi prejmejo dvojiško kodirane podatke in informacije, ki se na nek način ves čas obdelujejo.
- ❑ Vsak izhod kombinacijskega vezja je določen kot funkcija poljubnih vhodov.
- ❑ MSI logična vezja (MSI - medium-scale-integration)

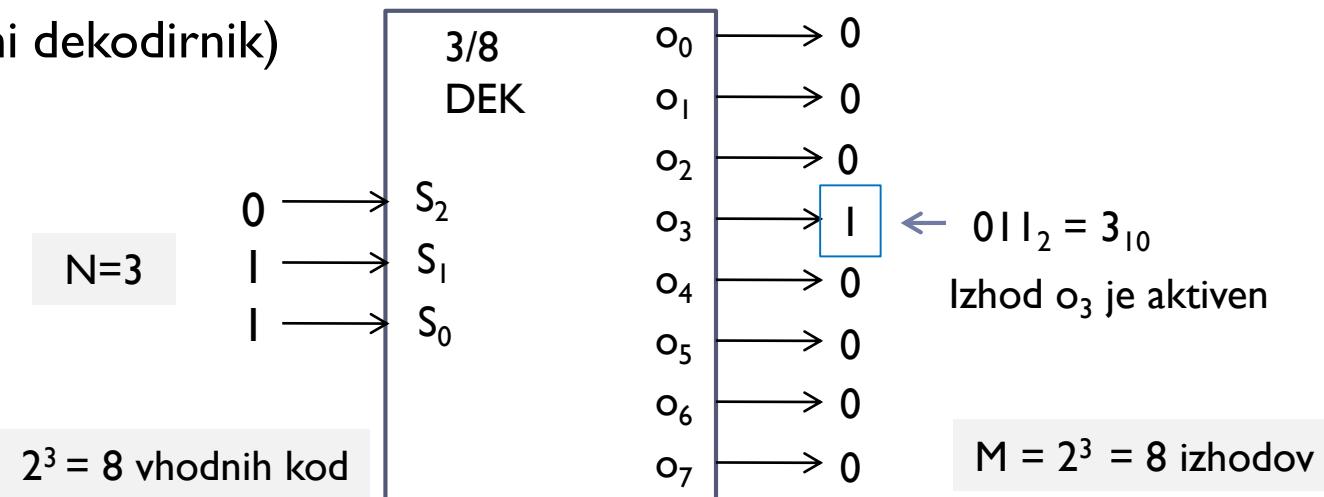


1 Dekodirnik (ang. Decoder)

- Logično vezje, ki prejme niz vhodov (binarno število) in aktivira tisti izhod, ki ga določa število na vhodih. Ostali izhodi niso aktivni.

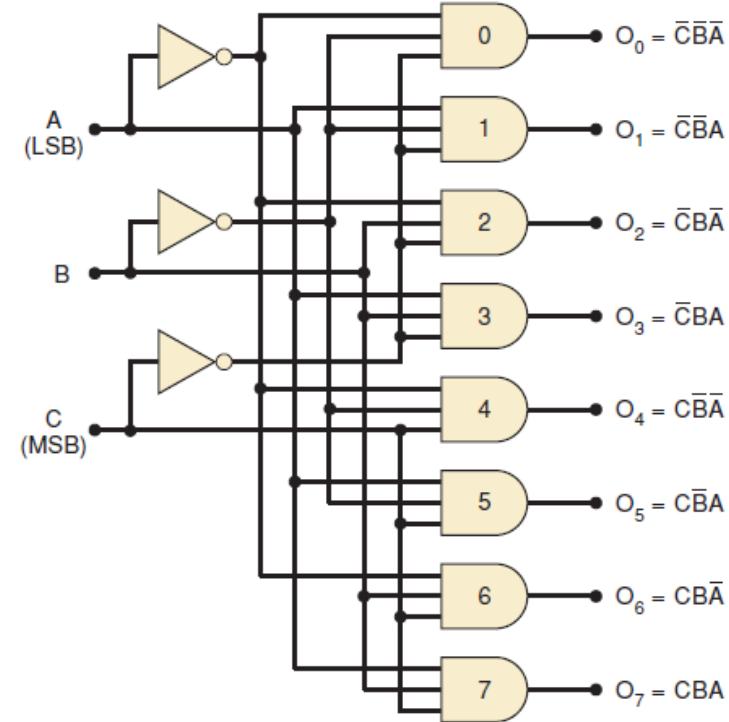


- Primer: 'binary-to octal dekoder' - (3/8 DEK), vhodi (N=3), izhodi (M=2³=8) (Binarni dekodirnik)



□ 3/8 DEK - Pravilnostna tabela

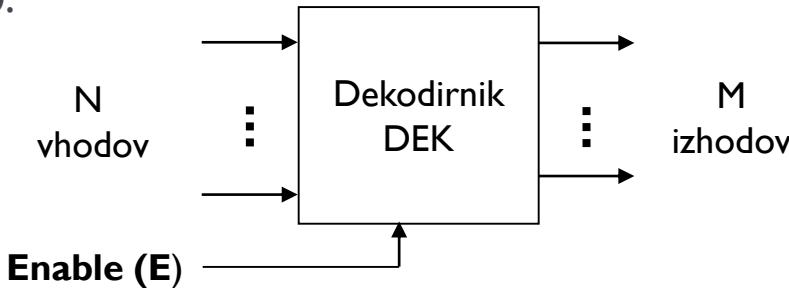
C	B	A	o_7	o_6	o_5	o_4	o_3	o_2	o_1	o_0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0



□ Zapis logičnih funkcij

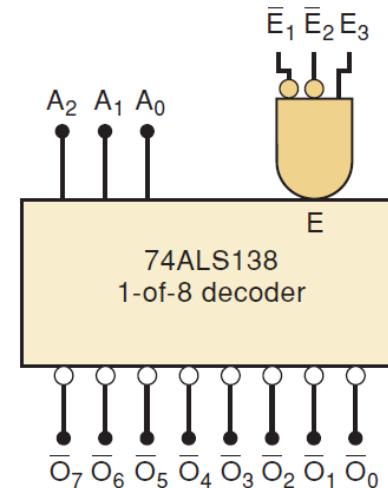
$$\begin{aligned}
 o_0 &= \bar{C} \cdot \bar{B} \cdot \bar{A} \\
 o_1 &= \bar{C} \cdot \bar{B} \cdot A \\
 o_2 &= \bar{C} \cdot B \cdot \bar{A} \\
 o_3 &= \bar{C} \cdot B \cdot A \\
 o_4 &= C \cdot \bar{B} \cdot \bar{A} \\
 o_5 &= C \cdot \bar{B} \cdot A \\
 o_6 &= C \cdot B \cdot \bar{A} \\
 o_7 &= C \cdot B \cdot A
 \end{aligned}$$

- **Krmilni vhod (E - Enable)** – omogoča krmiljenje operacije dekodirnika
 - **E=1**, deluje normalno tako, da je izhod po vrednosti I določen z vhodi
 - **E=0**, vsi izhodi so 0.



- Primer: Dekodirnik 74ALS138

\bar{E}_1	\bar{E}_2	E_3	Izhodi
0	0	I	Odziv na vhodno kodo $A_2A_1A_0$
I	x	x	Onemogočeno – vsi HIGH
x	I	x	Onemogočeno – vsi HIGH
x	x	0	Onemogočeno – vsi HIGH



- Delovanje: Vhodi: $A_2 = 0, A_1 = 1, A_0 = 0, \bar{E}_1 = \bar{E}_2 = 0, E_3 = 1$
Izhod: $\bar{O}_2 = 0$, ostali so I (HIGH)

□ Realizacija dekodirnika **5/32 DEK** z uporaba štirih dekodirnikov **74ALS138**:

Izhodi: $\overline{Q_{31}}, \overline{Q_{30}}, \dots, : \overline{Q_0}$

Z_1 : izhodi $\overline{Q_7}, \dots, \overline{Q_0}$

Z_2 : izhodi $\overline{Q_{15}}, \dots, \overline{Q_8}$

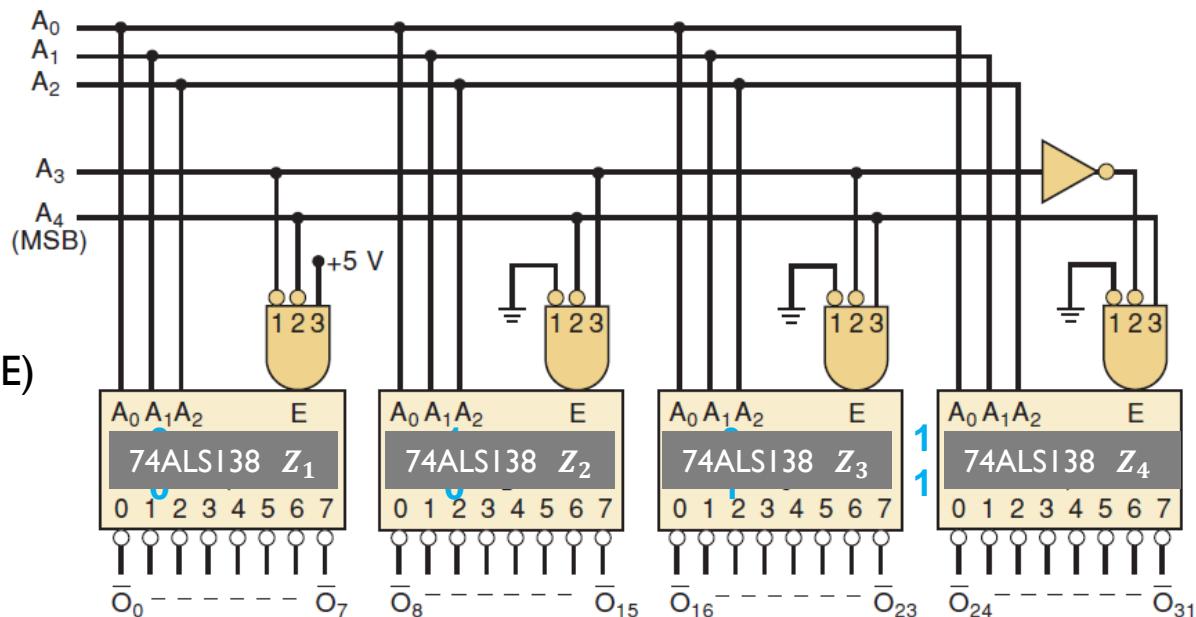
Z_3 : izhodi $\overline{Q_{23}}, \dots, \overline{Q_{16}}$

Z_4 : izhodi $\overline{Q_{31}}, \dots, \overline{Q_{24}}$

Vhodi:

A_3, A_4 – izbira dekodirnikov (E)

A_3	A_4	DEK
0	0	z_1
0	1	z_2
1	0	z_3
1	1	z_4



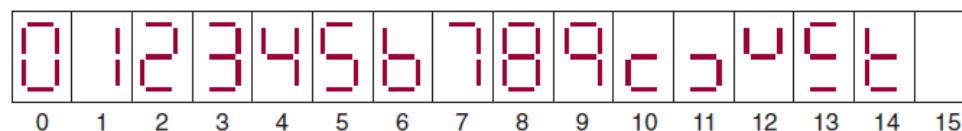
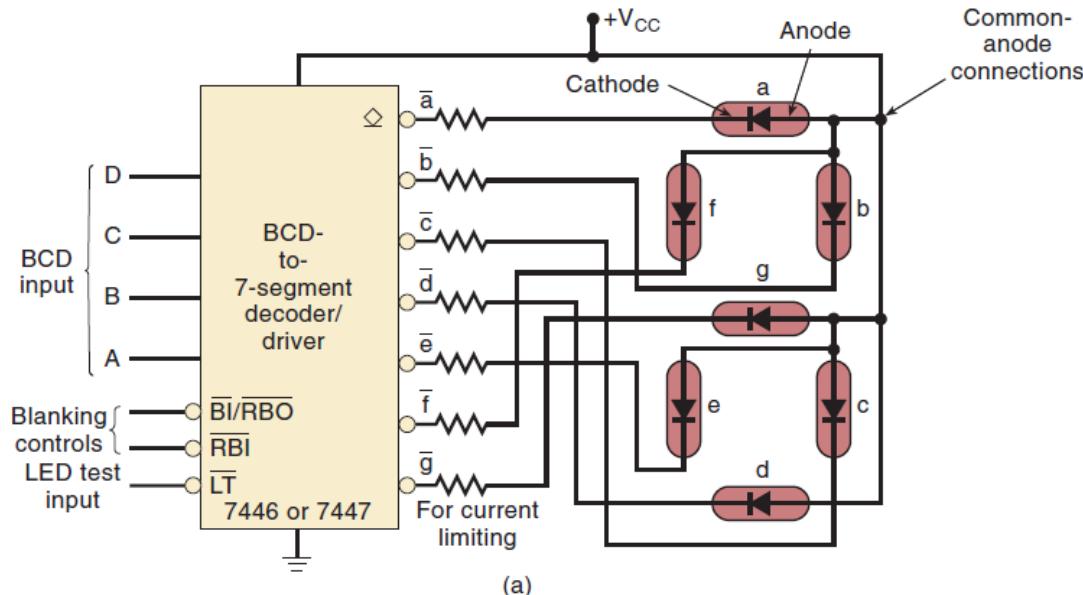
A_2, A_1, A_0 - izbira izhoda na izbranem dekodirniku

Primer: Naslovni vhodi, ki določajo izhod $\overline{Q_{18}} = 0$ so: $A_4 A_3 A_2 A_1 A_0 = 10010$.

Kateri dekodirnik je izbran? (Odg: Z_3)

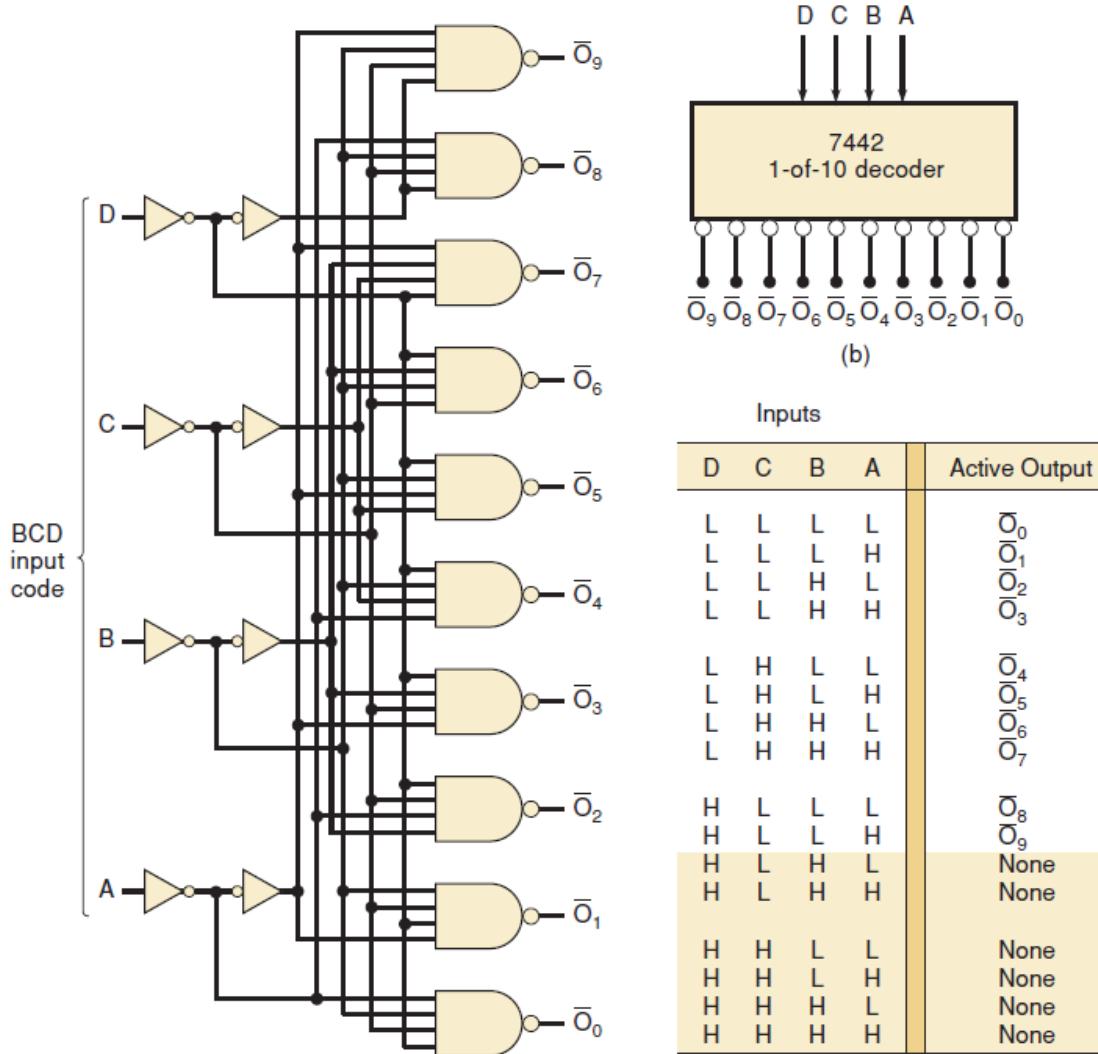
□ Primer: BCD → 7- segment decoder (7446 ali 7447)

<https://www.nteinc.com/specs/7400to7499/pdf/nte7446.pdf>



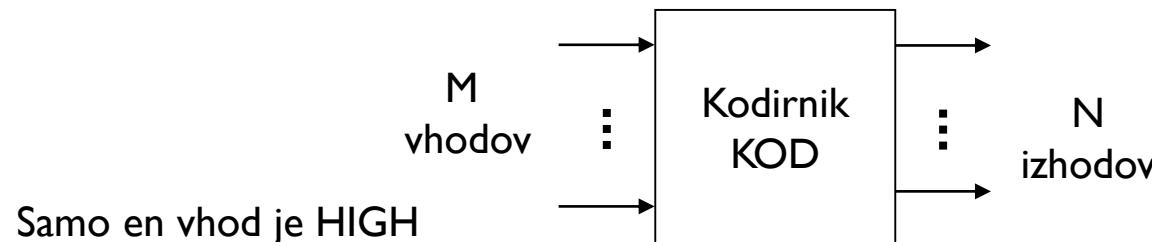
Decimal or Function	Inputs						BI/RBO (NOTE)	Outputs						
	LT	RBI	D	C	B	A		a	b	c	d	e	f	g
BI	X	X	X	X	X	X	L	OFF	OFF	OFF	OFF	OFF	OFF	OFF
RBI	H	L	L	L	L	L	L	OFF	OFF	OFF	OFF	OFF	OFF	OFF
LT	L	X	X	X	X	X	H	ON	ON	ON	ON	ON	ON	ON

□ Primer: BCD → Decimal decoder (7442)

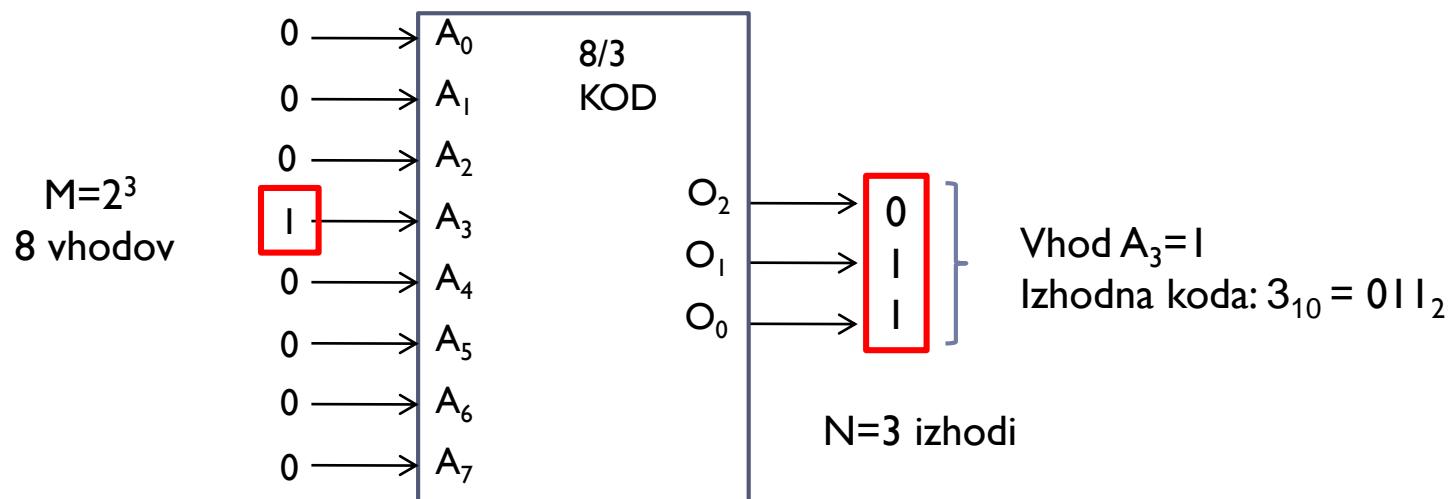


2 Kodirnik (ang. Encoder)

- Proses kodiranja, ki je nasprotna operacija od dekodiranja.
- Logično vezje, ki prejme niz vhodov, kjer je samo eden aktiviran v danem trenutku in aktivira N bitno kodo na izhodih, ki je odvisna od aktiviranega vhoda.



- Primer: ‘**octal-to-binary encoder**’ - (8/3 KOD), $M = 8 = 2^3$, $N = 3$



Pravilnostna tabela in logično vezje kodirnika (8/3 KOD)

- Pravilnostna tabela, vhodi so negirani (kodiranje logične 0 na vhodu določa binarno kodo na izhodu: $\overline{A_7} = 0 \rightarrow$ koda na izhodu $o_2 = 1, o_1 = 1, o_0 = 1$)

$\overline{A_7}$	$\overline{A_6}$	$\overline{A_5}$	$\overline{A_4}$	$\overline{A_3}$	$\overline{A_2}$	$\overline{A_1}$	$\overline{A_0}$	o_2	o_1	o_0
I	I	I	I	I	I	I	0	0	0	0
I	I	I	I	I	I	0	I	0	0	I
I	I	I	I	I	0	I	I	0	I	I
I	I	I	I	0	I	I	I	I	I	I
I	I	I	0	I	I	I	I	I	I	I
I	I	0	I	I	I	I	I	I	I	I
I	0	I	I	I	I	I	I	I	I	0
0	I	I	I	I	I	I	I	I	I	I

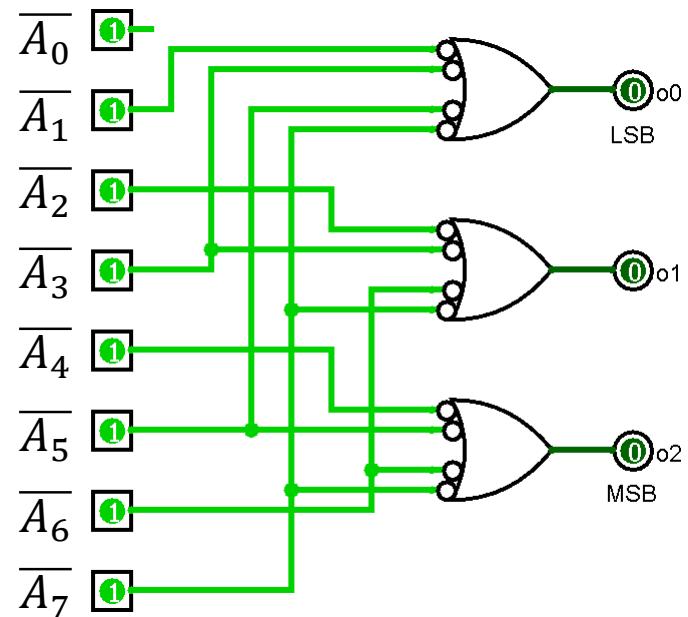
- Zapis logičnih funkcij in logično vezje

$$o_0 = \overline{\overline{A_1} \cdot \overline{A_3} \cdot \overline{A_5} \cdot \overline{A_7}} = ?$$

$$o_1 = \overline{\overline{A_2} \cdot \overline{A_3} \cdot \overline{A_6} \cdot \overline{A_7}} = ?$$

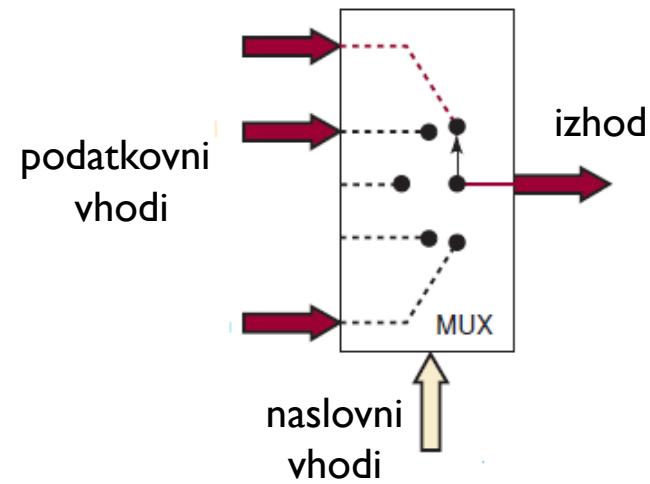
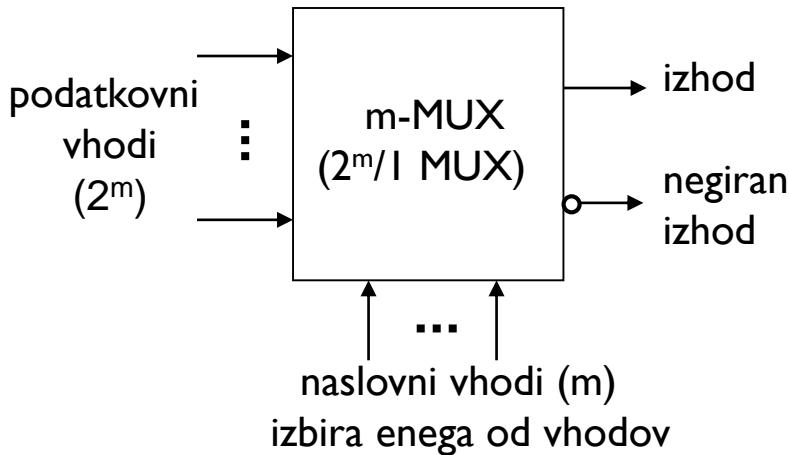
$$o_2 = \overline{\overline{A_4} \cdot \overline{A_5} \cdot \overline{A_6} \cdot \overline{A_7}} = ?$$

Disjunkcija negiranih
vhodov



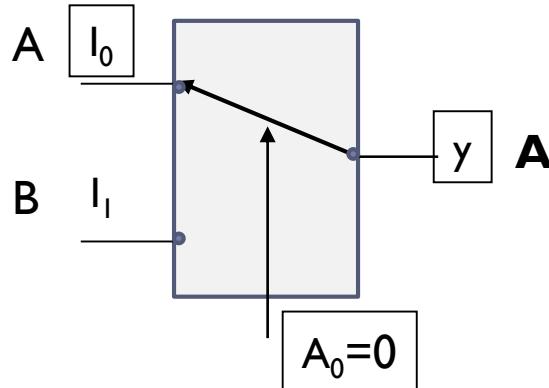
3 Izbiralnik-Multiplekser (MUX)

- Vezje, ki sprejme več vhodnih signalov, izbere enega izmed njih in ga posreduje na izhod.
 - Naslovni vhodi (m) – omogočajo izbiro podatkovnega vhoda
 - Podatkovni vhodi (2^m) – vrednost 0 ali 1 (signal)
 - Izhod/Negiran izhod – vrednost podatkovnega vhoda (osnovna ali negirana) izbranega z naslovnimi vhodi
 - Delovanje (Funkcija) – kombinacija signalov naslovnih vhodov določa izbiro podatkovnega vhoda in ga preslika na izhod
- Oznaka: m -MUX ali $2^m/1$ MUX

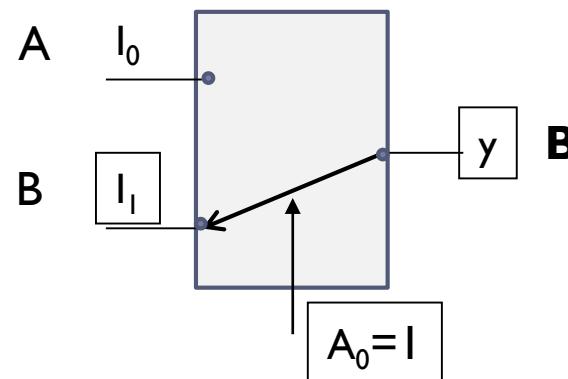


1-naslovni MUX (2 / 1 MUX)

□ Delovanje - Preklopno stikalo



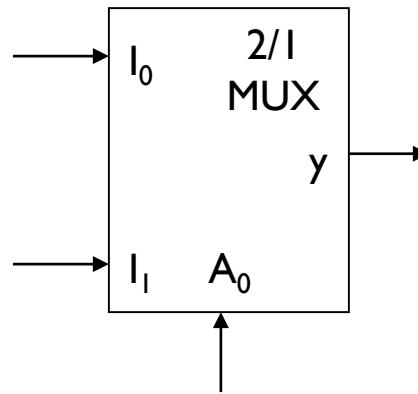
$A_0 = 0$, izhod $y=A$, ker je izbran podatkovni vhod I_0



$A_0 = 1$, izhod $y=B$, ker je izbran podatkovni vhod I_1

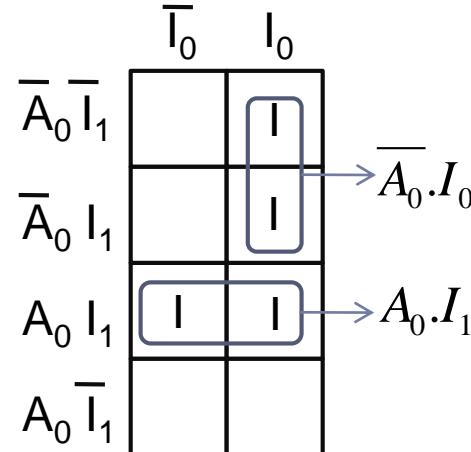
□ Definicija

- Podatkovna vhoda: I_1, I_0
- Naslovni vhod: A_0
- Izhod: y



□ Pravilnostna tabela in minimizacija

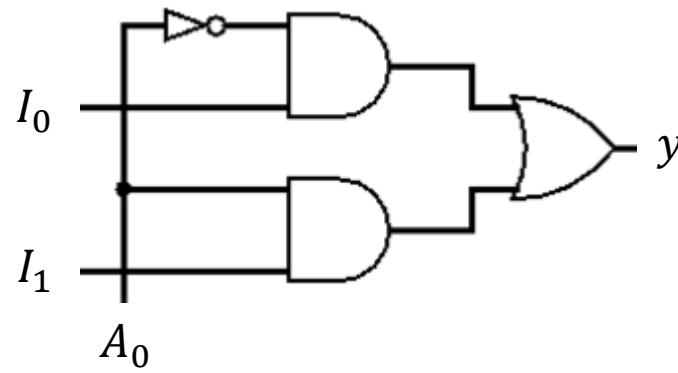
A_0	I_1	I_0	y
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	1



$$y = \overline{A_0} \cdot I_0 \vee A_0 \cdot I_1$$

□ Tabela delovanja in logična shema

A_0	y
0	I_0
1	I_1

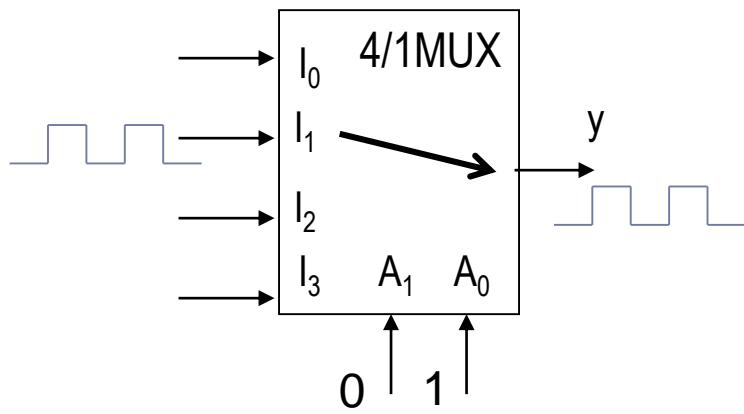


2-naslovni MUX (4 / 1 MUX)

A_1	A_0	y
0	0	I_0
0	1	I_1
1	0	I_2
1	1	I_3

Primer: $A_1 = 0, A_0 = 1$

Izhod: $y = I_1$

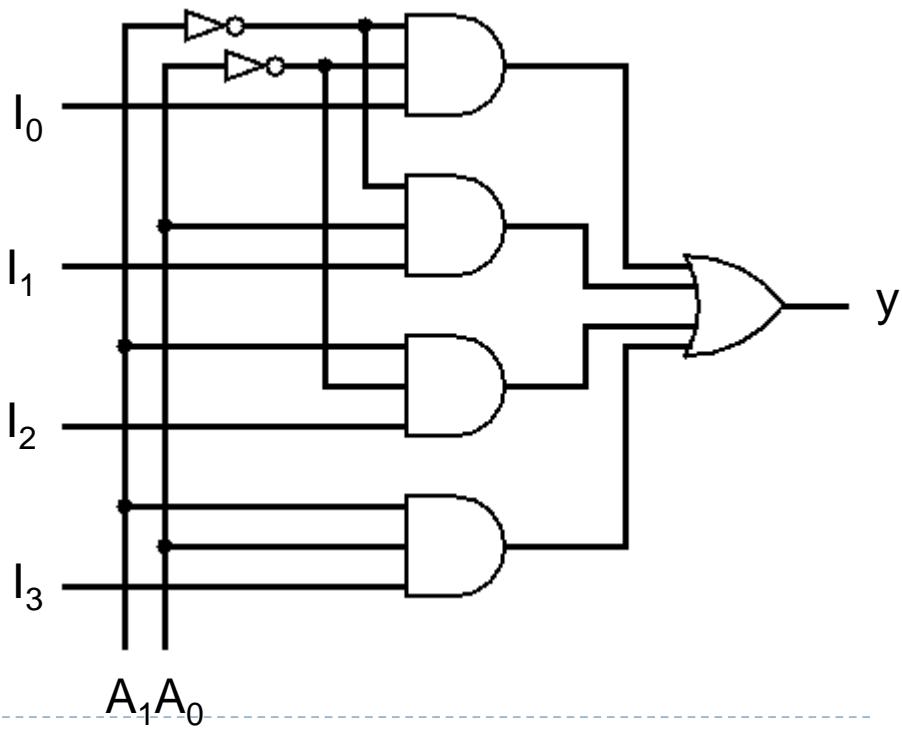


Podatkovni vhodi: I_3, I_2, I_1, I_0

Naslovna vhoda: A_1, A_0

Izhod: y

$$y = \overline{A_1} \cdot \overline{A_0} \cdot I_0 \vee \overline{A_1} \cdot A_0 \cdot I_1 \vee A_1 \cdot \overline{A_0} \cdot I_2 \vee A_1 \cdot A_0 \cdot I_3$$



3-naslovni MUX (8 / 1 MUX)

A_2	A_1	A_0	y
0	0	0	I_0
0	0	1	I_1
0	1	0	I_2
0	1	1	I_3
1	0	0	I_4
1	0	1	I_5
1	1	0	I_6
1	1	1	I_7

Primer: $A_2 = 0, A_1 = 1, A_0 = 1$

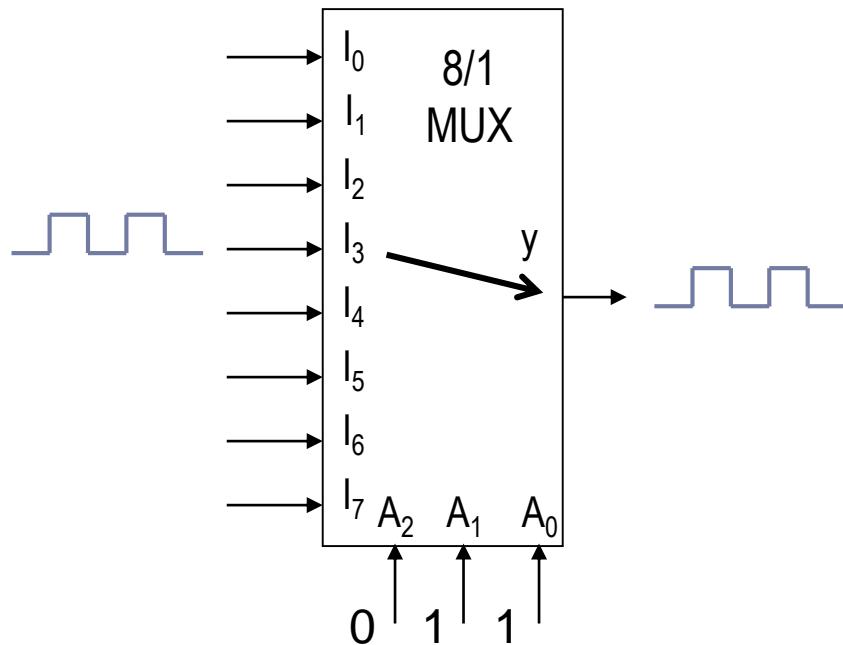
Izhod: $y = I_3$

Podatkovni vhodi: $I_7, I_6, I_5, I_4, I_3, I_2, I_1, I_0$

Naslovni vhodi: A_2, A_1, A_0

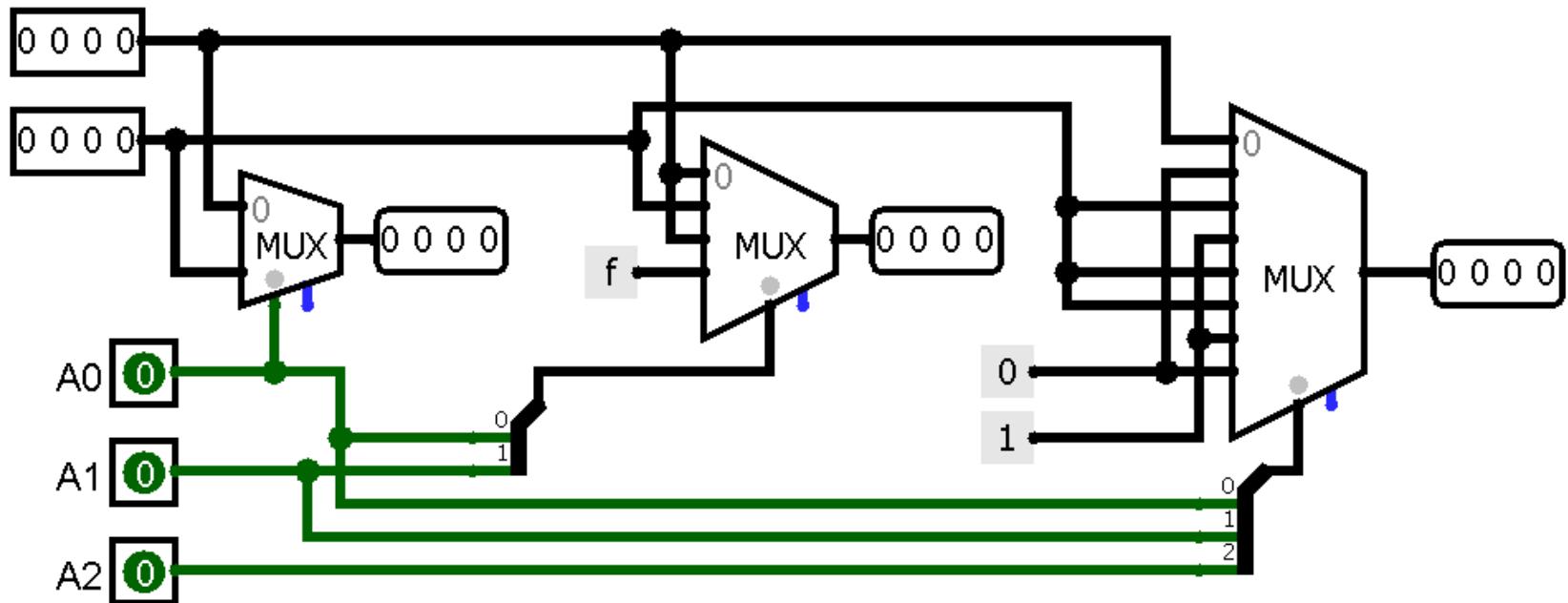
Izhod:

$$y = \overline{A_2} \cdot \overline{A_1} \cdot \overline{A_0} \cdot I_0 \vee \overline{A_2} \cdot \overline{A_1} \cdot A_0 \cdot I_1 \vee \overline{A_2} \cdot A_1 \cdot \overline{A_0} \cdot I_2 \vee \overline{A_2} \cdot A_1 \cdot A_0 \cdot I_3 \vee \\ A_2 \cdot \overline{A_1} \cdot \overline{A_0} \cdot I_4 \vee A_2 \cdot \overline{A_1} \cdot A_0 \cdot I_5 \vee A_2 \cdot A_1 \cdot \overline{A_0} \cdot I_6 \vee A_2 \cdot A_1 \cdot A_0 \cdot I_7$$



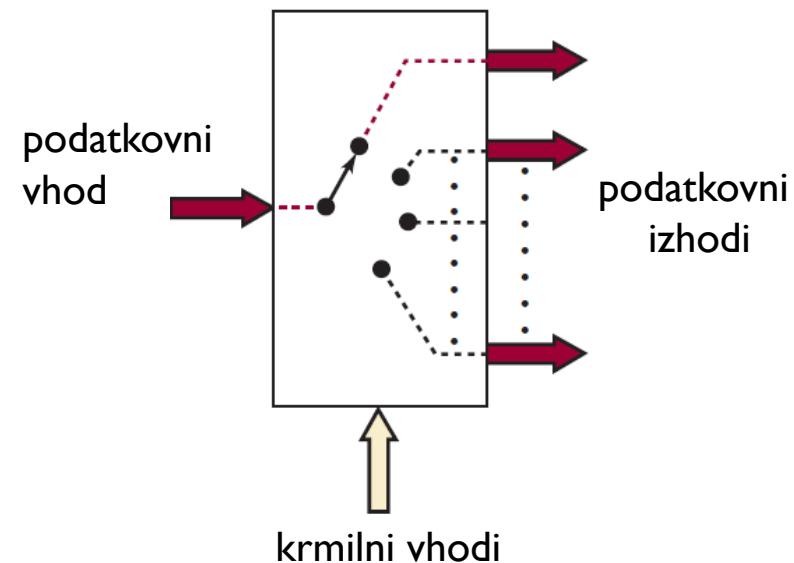
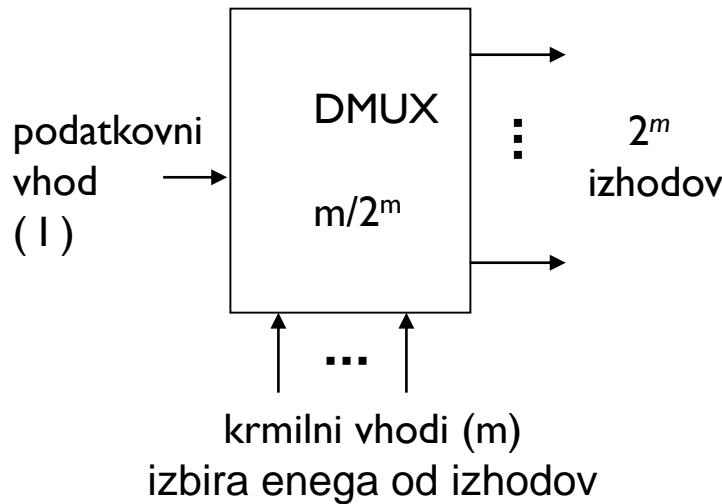
Muxi v logisimu – primer delovanja

- I-naslovni MUX (2/I MUX)
- 2-naslovni MUX (4/I MUX)
- 3-naslovni MUX (8/I MUX)



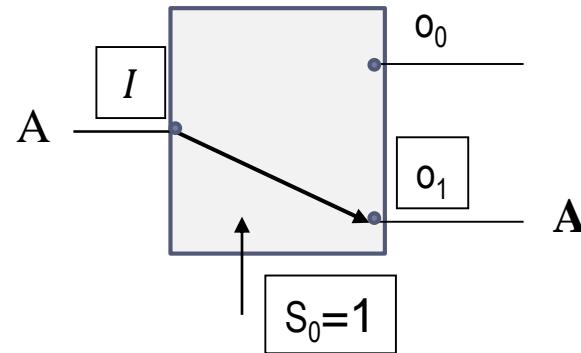
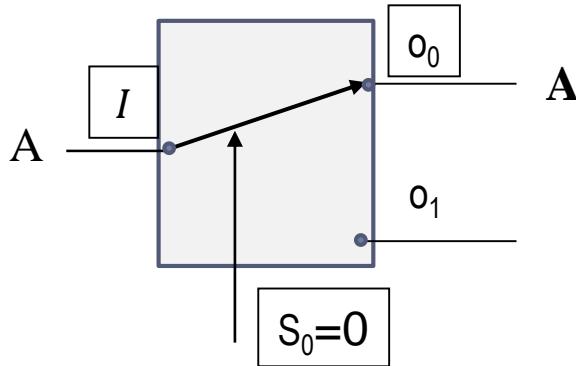
4 Demultiplekser (DMUX)

- Vezje, ki sprejme en vhodni signal in ga posreduje na izbran izhod.
 - Krmilni vhodi (m) – omogočajo izbiro enega izhoda
 - Podatkovni vhod (I) – vrednost 0 ali 1 (signal)
 - Izhodi (2^m) – na izbrani izhod se preslika en podatkovni vhod
 - Delovanje (Funkcija) – kombinacija signalov krmilnih vhodov določa izbiro izhoda na katerega se preslika podatkovni vhod I
- Oznaka: $1/2^m$ DMUX



1/2 Demultiplexer (1/2 DMUX)

□ Delovanje - Preklopno stikalo



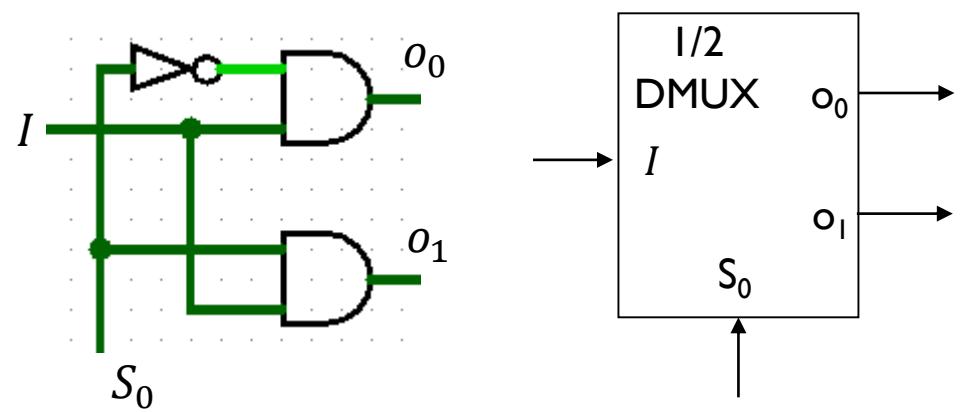
□ Definicija

- Podatkovni vhod: I
- Naslovni vhod: S_0
- Izhoda: o_0, o_1

S_0	o_1	o_0
0	0	I
1	I	0

$$o_0 = \overline{S_0} \cdot I$$

$$o_1 = S_0 \cdot I$$



1/4 Demultiplexer (1/4 DMUX)

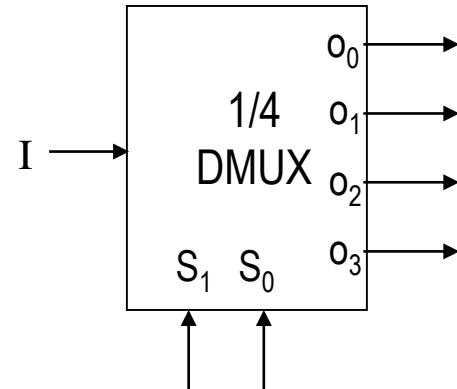
S_1	S_0	O_3	O_2	O_1	O_0
0	0	0	0	0	1
0	1	0	0	1	0
1	0	0	1	0	0
1	1	1	0	0	0

$$o_0 = \bar{S}_1 \cdot \bar{S}_0 \cdot I$$

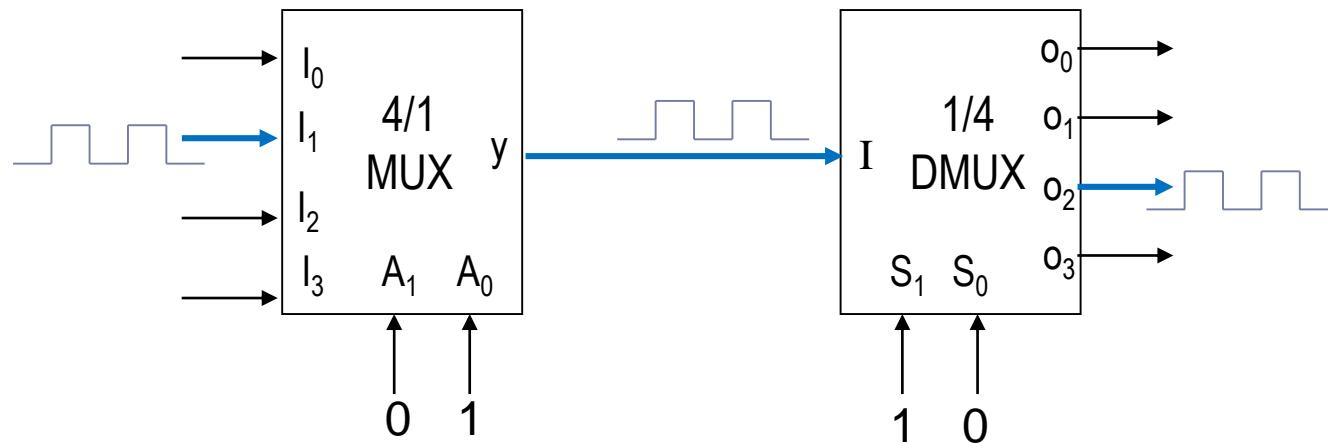
$$o_1 = \bar{S}_1 \cdot S_0 \cdot I$$

$$o_2 = S_1 \cdot \bar{S}_0 \cdot I$$

$$o_3 = S_1 \cdot S_0 \cdot I$$



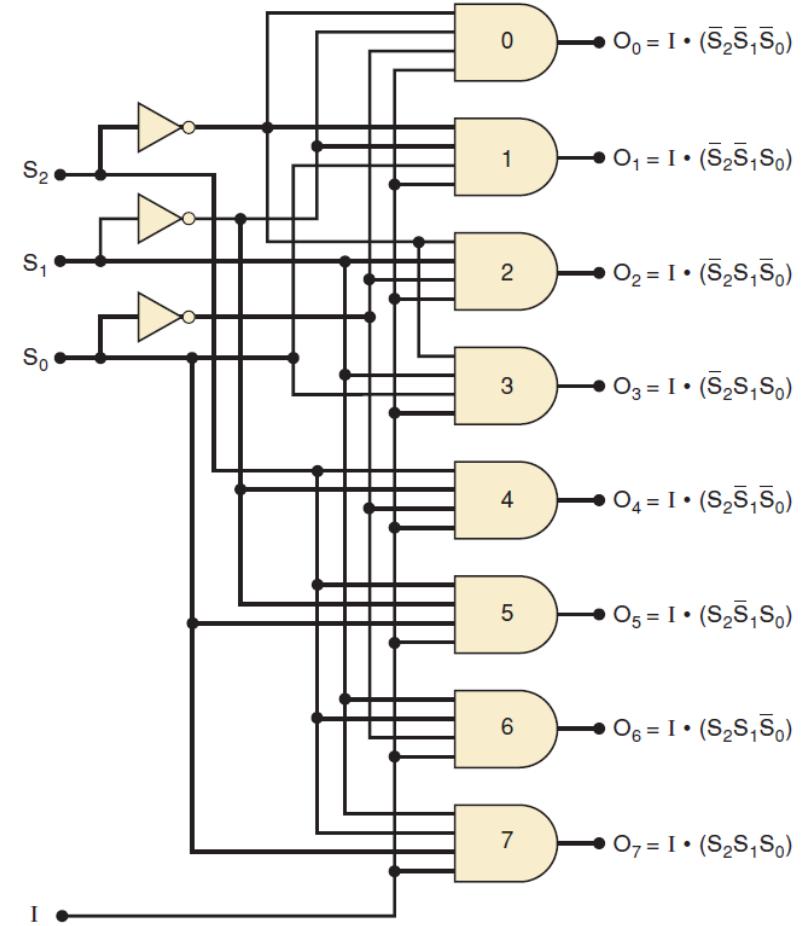
Primer uporabe : Povezava: MUX in DMUX



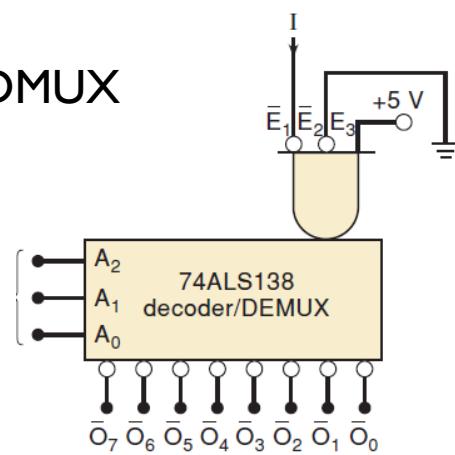
1/8 Demultiplexer (1/8 DMUX)

- Vhodi: Podatkovni vhod (I), Krmilni vhodi (S_2, S_1, S_0)
- Izhodi: $O_0, O_1, O_2, O_3, O_4, O_5, O_6, O_7$,

S_2	S_1	S_0	O_7	O_6	O_5	O_4	O_3	O_2	O_1	O_0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	I
0	0	1	0	0	0	0	0	0	I	0
0	1	0	0	0	0	0	0	I	0	0
0	1	1	0	0	0	0	I	0	0	0
1	0	0	0	0	0	I	0	0	0	0
1	0	1	0	0	I	0	0	0	0	0
1	1	0	0	I	0	0	0	0	0	0
1	1	1	I	0	0	0	0	0	0	0



- Primer: 74LS138 DMUX



5 Uporaba multiplekserjev

□ Realizacija logičnih funkcij

- **Trivialna rešitev** – število naslovnih vhodov multiplekserja je enako številu spremenljivk logične funkcije

Primeri: $n=3 \rightarrow$ 3-naslovni MUX,

$n=2 \rightarrow$ 2-naslovni MUX

- **Optimalna rešitev** – število naslovnih vhodov multiplekserja je za ena manjše kot je število spremenljivk logične funkcije

Primeri: $n=4 \rightarrow$ 3-naslovni MUX,

$n=3 \rightarrow$ 2-naslovni MUX,

$n=2 \rightarrow$ 1-naslovni MUX

- **Minimalna rešitev** - število naslovnih vhodov multiplekserja je za dva ali več ena manjše kot je število spremenljivk logične funkcije

Primeri: $n=4 \rightarrow$ 2-naslovni MUX ali 1-naslovni MUX,

$n=3 \rightarrow$ 1-naslovni MUX.

- **Kaskadna rešitev** – večnivojska rešitev logične funkcije z uporabo večjega števila multiplekserjev, tako 1-naslovnih, 2-naslovnih, 3-naslovnih.

5.1 Trivialna rešitev funkcij z MUX-i

□ Realizacija funkcije ($n=2$) s 2-naslovnim MUX-jem

- Naslovni vhodi - spremenljivki x, y
- Podatkovni vhodi – konstanti 0 in 1

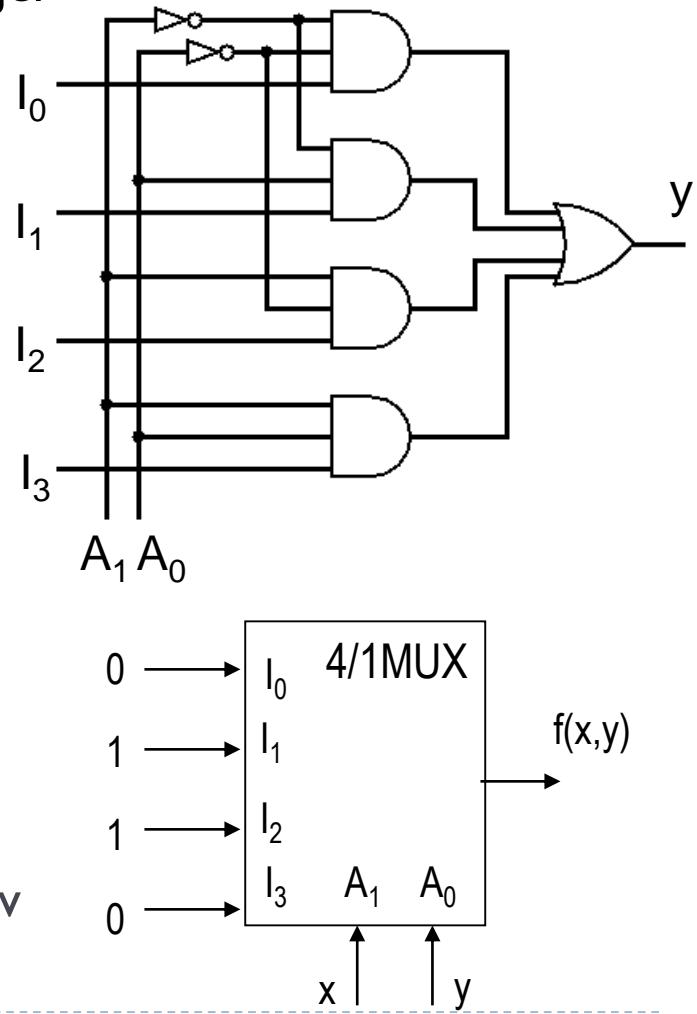
Funkcija

4/1 Multiplekser

x	y	f(x,y)
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

I ₀	I ₁	I ₂	I ₃	A ₁	A ₀
0	0	I ₀		0	0
0	1	I ₁		0	1
1	0	I ₂		1	0
1	1	I ₃		1	1

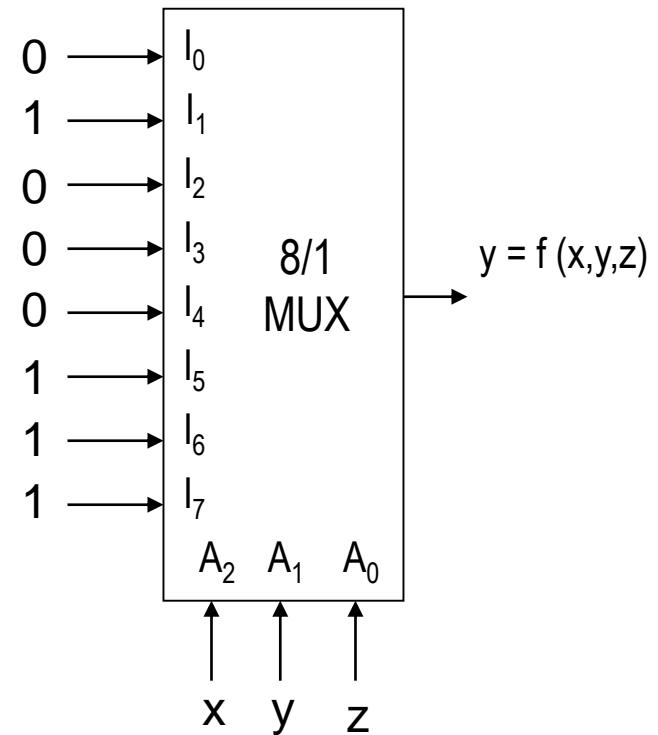
Rešitev



□ Realizacija funkcije ($n=3$) s 3-naslovnim MUX-jem

- Naslovni vhodi - spremenljivke x, y, z
- Podatkovni vhodi – konstanti 0 in 1

A_2	A_1	A_0		y
x	y	z	I_i	$f(x,y,z)$
0	0	0	0	$0 = I_0$
0	0	1	1	$1 = I_1$
0	1	0	2	$0 = I_2$
0	1	1	3	$0 = I_3$
1	0	0	4	$0 = I_4$
1	0	1	5	$1 = I_5$
1	1	0	6	$1 = I_6$
1	1	1	7	$1 = I_7$

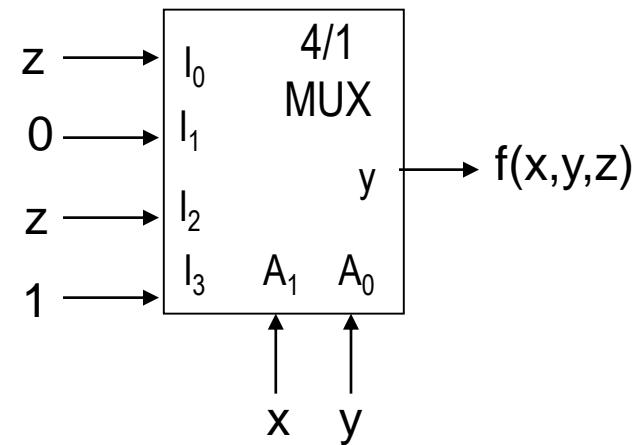
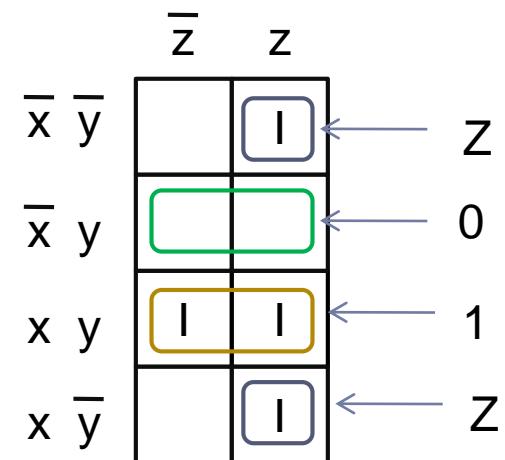


5.2 Optimalna rešitev funkcij z MUX-i

□ Realizacija funkcije ($n=3$) z 2-naslovnim MUX-jem:

- Naslovni vhodi - spremenljivke x, y
- Podatkovni vhodi – spremenljivka z , negirana \bar{z} in konstanti 0 in 1

A_1	A_0			y
x	y	z	I_i	$f(x,y,z)$
0	0	0		0 !
0	0	1	I_0	1 ! z
0	1	0		0 !
0	1	1	I_1	0 ! 0
1	0	0		0 !
1	0	1	I_2	1 ! z
1	1	0		1 !
1	1	1	I_3	1 ! 1

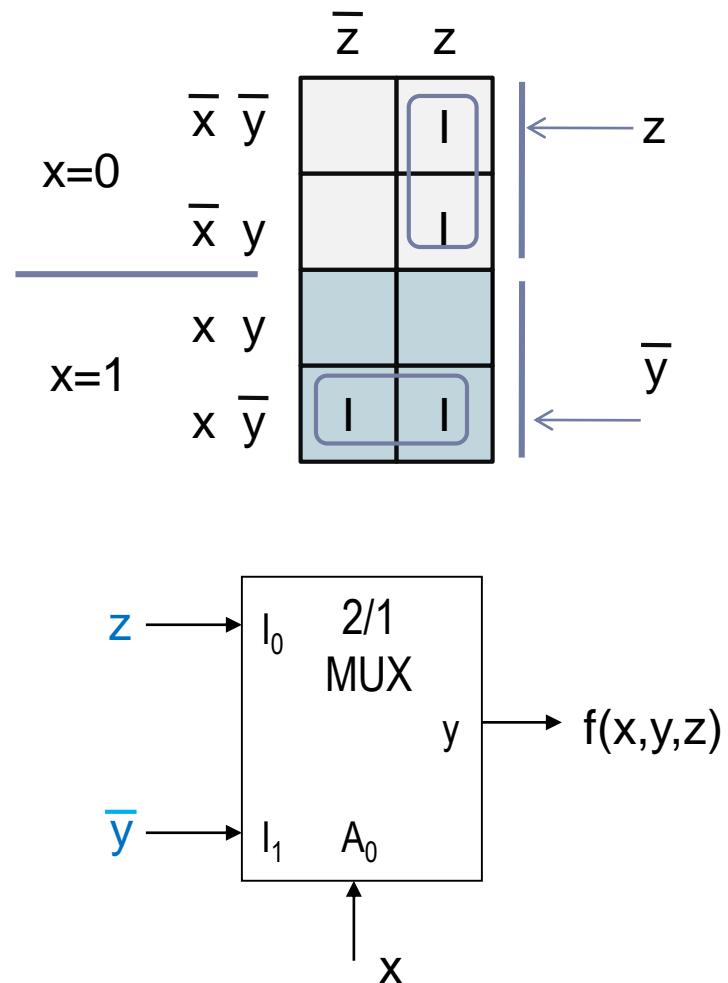


5.3 Minimalna rešitev funkcij z MUX-i

- Realizacija funkcije ($n=3$) z 1-naslovnim MUX-jem:

- Naslovni vhodi - spremenljivka x
- Podatkovni vhodi – spremenljivki y , z in negirani spremenljivki \bar{y} , \bar{z} , konstanti 0 in 1

A_0				y
x	y	z	I_i	$f(x,y,z)$
0	0	0	I_0	0 !
0	0	1		1 ! z
0	1	0		0 !
0	1	1		1 !
1	0	0	I_1	1 !
1	0	1		1 ! \bar{y}
1	1	0		0 !
1	1	1		0 !

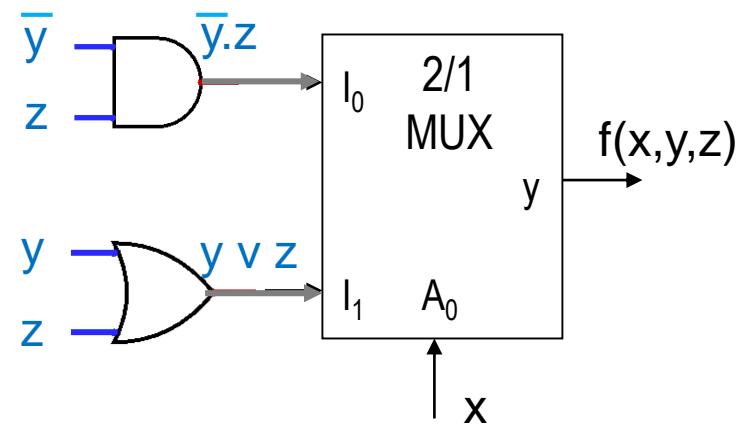
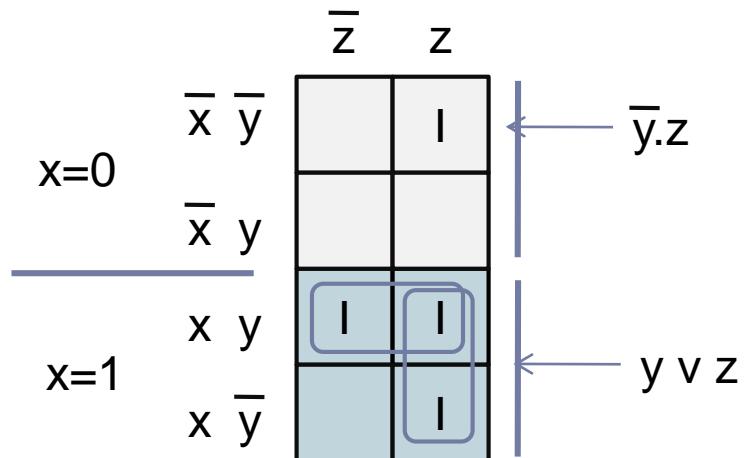


5.4 Kaskadna rešitev funkcij z MUX-i

□ Realizacija funkcije ($n=3$) z 1-naslovnim MUX-jem in logičnimi vrti:

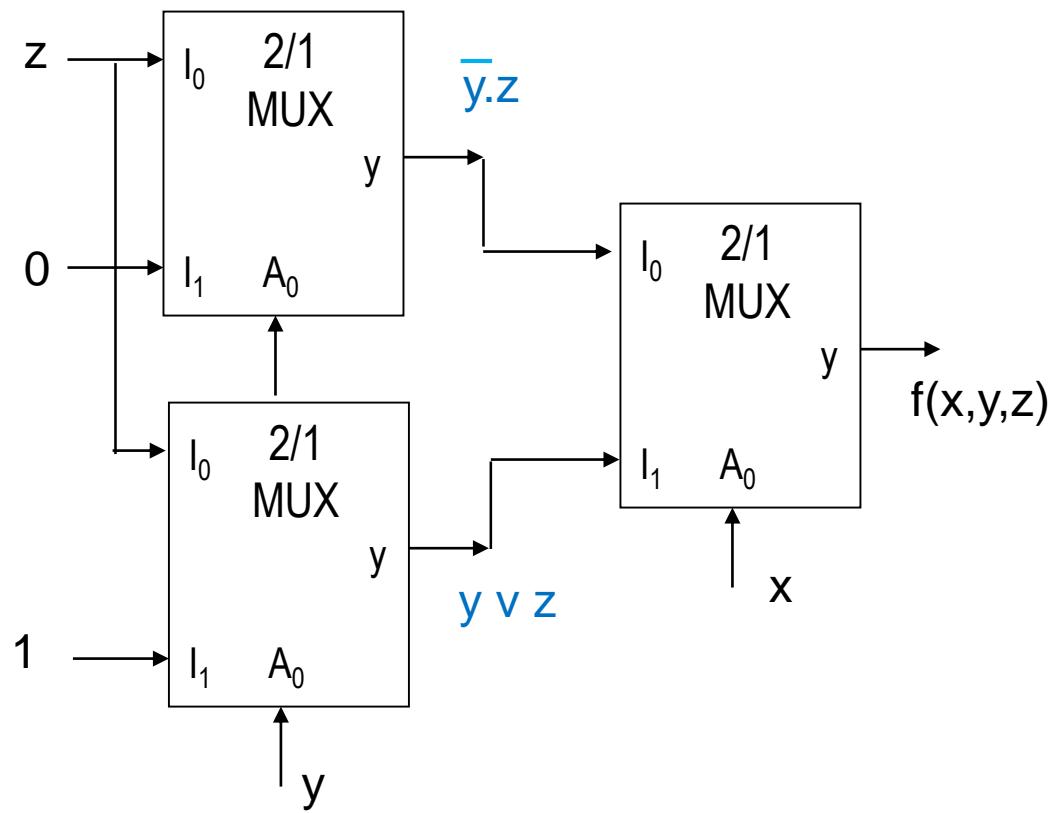
- Naslovni vhodi - spremenljivka x
- Podatkovni vhodi – funkcija $f(y,z)$ in konstanti 0 in 1

A_0				y
x	y	z	I_i	$f(x,y,z)$
0	0	0		0 ! $\bar{y} \cdot z$
0	0	1		1 ! $y \cdot z$
0	1	0		0 !
0	1	1	I_0	0 !
1	0	0		0 !
1	0	1		1 ! $y \vee z$
1	1	0		1 !
1	1	1	I_1	1 !



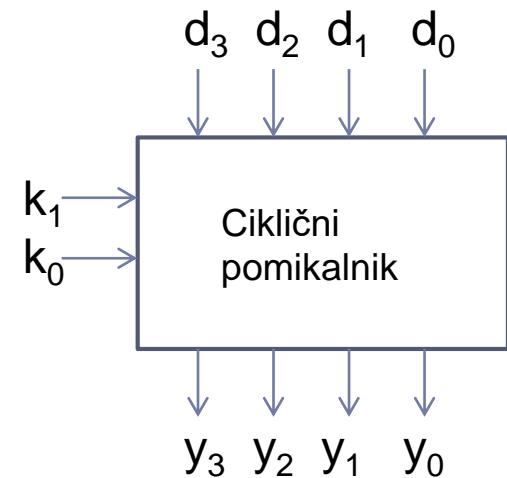
- Realizirajmo še preostali funkciji ($\bar{y} \cdot z$) in ($y \vee z$) z multiplekserji.
- Obe funkciji (AND, OR) lahko realiziramo z 2/I MUX.

y	z	$\bar{y} \cdot z$	$y \vee z$
0	0	0	0
0	1	1	1
1	0	0	1
1	1	0	1



Primer: Hitri ciklični (krožni) pomikalnik

- Vezje za ciklični pomik ali rotacijo za več mest v levo (CPL) ali desno (CPD)
 - Rotacija se opravi takoj (zakasnitev signalov skozi vezje)
 - Uporabimo ga lahko v Aritmetično Logični Enoti (ALE)
- Realizacija vezja, ki ima na vhodu podatek $D=(d_3, d_2, d_1, d_0)$ in izhod $Y=(y_3, y_2, y_1, y_0)$, ki ga določajo štiri funkcije:
 - ni pomika, vsebina se ohrani
 - rotacija za 1 mesto levo
 - rotacija za 2 mesti levo
 - rotacija za 3 mesta levo



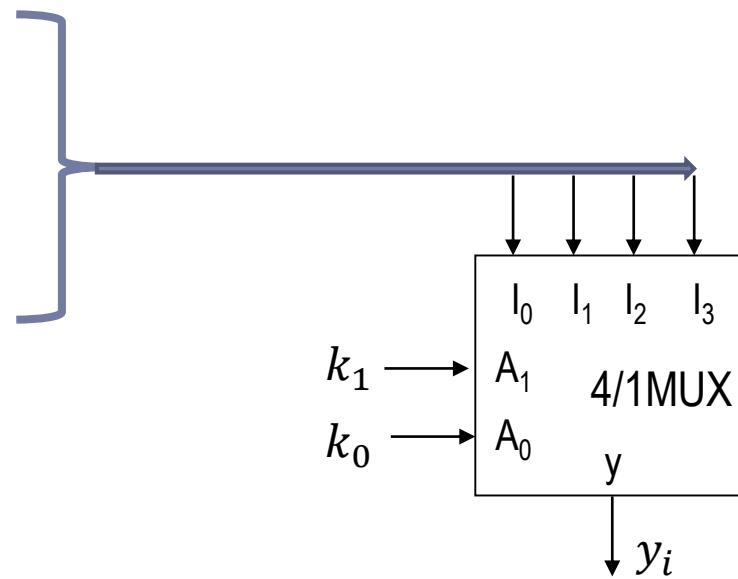
- Rešitev s primerom - določimo krmiljenje $K=(k_1, k_0)$

<u>k_1</u>	<u>k_0</u>	<u>vhod</u>	<u>izhod</u>	
0	0	1001	1001	- podatek se ne spremeni
0	1	1001	0011	- rotacija za 1 mesto levo
1	0	1001	0110	- rotacija za 2 mesti levo
1	1	1001	1100	- rotacija za 3 mesta levo

□ Realizacija z multiplekserji

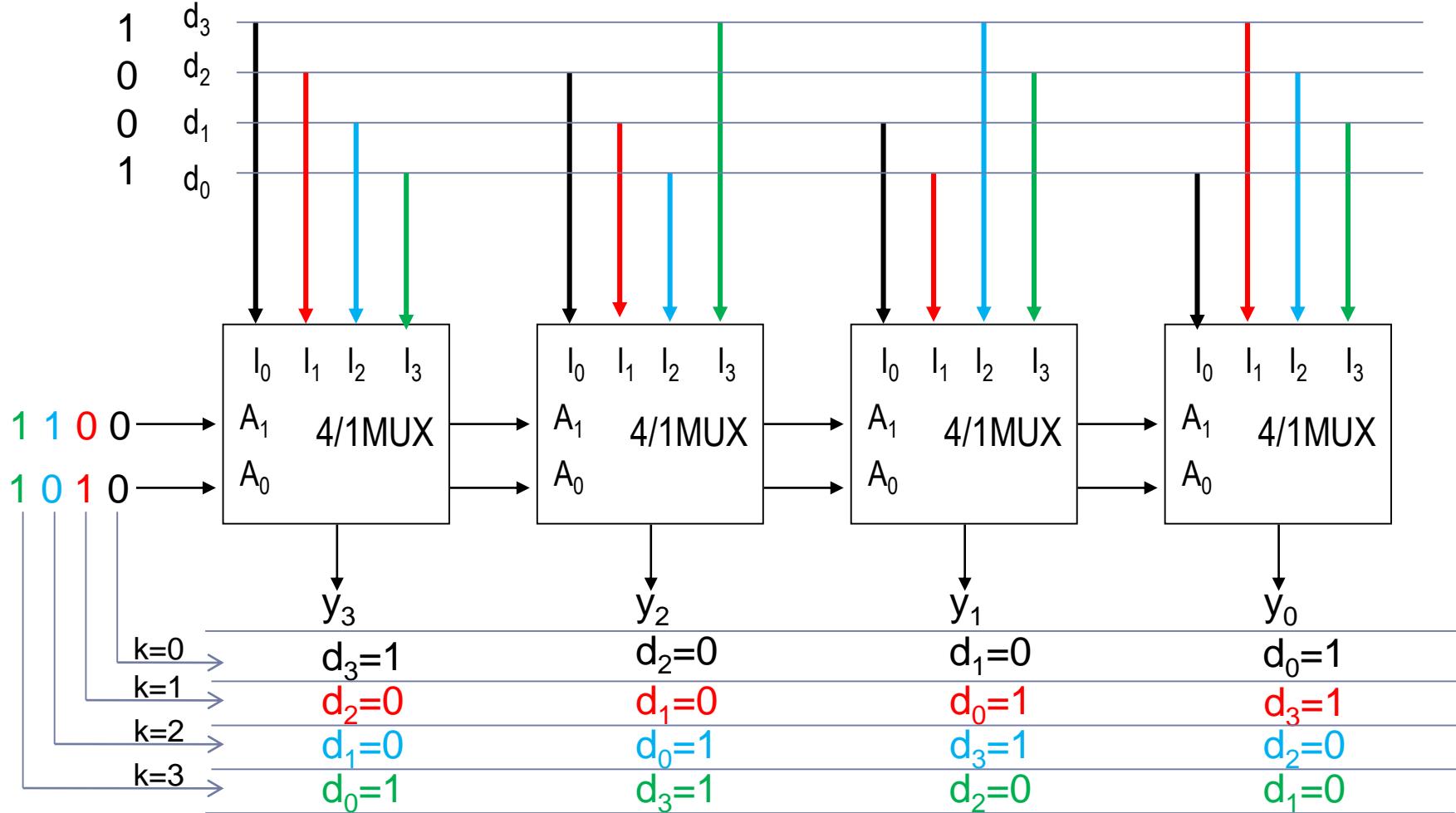
- 2-naslovni MUX (4/1 MUX):
- $A_1 = k_1, A_0 = k_0$
- Za vsak izhod je uporabljen en 4/1 MUX
- Izhod y_i je izbran v odvisnosti od d_i v tabeli

k_1	k_0	y_3	y_2	y_1	y_0
0	0	d_3	d_2	d_1	d_0
0	1	d_2	d_1	d_0	d_3
1	0	d_1	d_0	d_3	d_2
1	1	d_0	d_3	d_2	d_1



Logična shema

- Multiplekser: 4/I MUX (2-naslovna vhod, 4 – podatkovni vhodi)



□ Realizacija krožnega pomikalnika (Logisim)

